

## N

## 6.2. Fracții echivalente. Amplificarea și simplificarea fracțiilor

42b

Stiu să rezolv?

Data: \_\_\_\_\_

roba



- 1** Din lista următoare, încercuiește numai fracțiile care sunt egale cu  $\frac{4}{10}$ .

$$\frac{2}{5}, \quad \frac{12}{30}, \quad \frac{20}{50}, \quad \frac{200}{500}, \quad \boxed{\phantom{00}}$$

- 2** Prin amplificarea unei fracții cu un număr se obține  $\frac{125}{100}$ , iar prin simplificarea aceleiași fracții cu același număr se obține  $\frac{5}{4}$ . Care este fractia?



- 3** Determină cifrele  $a$  și  $b$  dacă:  $\frac{3124}{a5} = \frac{b2}{45}$ .

Exercițiu suplimentar, notițe, calculule



Stiu să obțin fracții echivalente prin simplificare sau amplificare:

FOARTE BINE  BINE  SATISFACTOR  PREA PUTIN

Clasa  
a V-a

Nume \_\_\_\_\_

- 20.** Scrie toate fracțiile subunitare, în care numărătorul este suma a două numere naturale consecutive, iar numitorul este 25. Care dintre ele se pot simplifica?

- 21.** Află fracțiile egale cu  $\frac{5}{6}$  care au numitorii divizori ai lui 24.

- 22.** Descoperă dacă  $\frac{2^2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7}{200} = \frac{2 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 7}{300}$ .

- 23.** Completează căsuțele, știind că fiecare dintre fracțiile de mai jos este egală cu  $\frac{1}{5}$ :

a)  $\frac{\square}{10}$ ;      b)  $\frac{\square}{25}$ ;      c)  $\frac{30}{\square}$ ;      d)  $\frac{15}{\square}$ .

- 24.** Arată că fracția  $\frac{11^{30} + 17^{30}}{12^{30} + 16^{30}}$  se simplifică prin 10.

- 25.** Simplifică: a)  $\frac{245\ 245}{246\ 246}$ ;      b)  $\frac{234\ 234\ 234}{432\ 432\ 432}$ .

- 26.** Fracțiile  $\frac{223}{224}$  și  $\frac{223\ 223}{224\ 224}$  sunt egale? Dar fracțiile  $\frac{223}{224}$  și  $\frac{223\ 223\ 223}{224\ 224\ 224}$ ?

- 27.** Arată că, pentru orice număr natural nenul  $n$ :

a)  $\frac{n(n+1)}{10}$  se simplifică prin 2;

b)  $\frac{11^n + 11^{n+1} + 11^{n+2} + 11^{n+3}}{7^n + 7^{n+1} + 7^{n+2} + 7^{n+3}}$  se simplifică prin 8;

c)  $\frac{2^{n+1} \cdot 3^n + 2^n \cdot 3^{n+1} + 6^{n+1}}{2^{n+2} \cdot 3^{n+2} + 5 \cdot 6^{n+1}}$  se simplifică prin 11.





## Unitatea de învățare 6. Sinteză

### Învăț să redactez

a) Arată că  $\frac{33}{55} = \frac{3}{5}$  și  $\frac{113}{115} = \frac{113\ 113}{115\ 115}$ .

b) Ordenează crescător fracțiile:  $\frac{555\ 555}{333\ 333}, \frac{151\ 515}{131\ 313}, \frac{113\ 113}{113\ 113}$ .

Cum redactăm?

$$\text{a)} \frac{33}{55} = \frac{3 \cdot 11^{101}}{5 \cdot 11} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{113\ 113}{115\ 115} = \frac{113 \cdot 1001^{1001}}{115 \cdot 1001} = \frac{113}{115}$$



Câteva sugestii utile

Pentru a demonstra că două fracții sunt echivalente, încerc mai întâi să simplific sau să amplific una dintre fracții.

b) Fracțiile propuse în enunț sunt egale cu

$$\frac{5}{3}, \frac{15}{13}, \frac{115}{113}. \text{ Scriem aceste fracții astfel:}$$

$$\frac{5}{3} = 1\frac{2}{3}; \quad \frac{15}{13} = 1\frac{2}{13}; \quad \frac{115}{113} = 1\frac{2}{113}.$$

Fracțiile  $\frac{2}{3}, \frac{2}{13}, \frac{2}{113}$  au numărătorii egali, deci fractia mai mare este cea cu numitorul mai mic.

Deoarece  $\frac{2}{3} > \frac{2}{13} > \frac{2}{113}$ , obținem

$$1\frac{2}{3} > 1\frac{2}{13} > 1\frac{2}{113}, \text{ adică } \frac{5}{3} > \frac{15}{13} > \frac{115}{113}.$$

$$\text{De aceea } \frac{115\ 113}{113\ 113} < \frac{151\ 515}{131\ 313} < \frac{555\ 555}{333\ 333}.$$

Pentru a compara două fracții, încerc să obțin același numitor sau același numărător.



Aplic aceeași strategie!

Ordonez crescător fracțiile:  $\frac{11}{5}, \frac{31}{15}$  și  $\frac{231}{115}$ .

### Explorez... surprize matematice

1 Completează pe orizontală următorul rebus cu termeni matematici.

1) Obținem fracții echivalente prin înmulțire.  
(verb)

2) Operație de obținere a fracțiilor echivalente prin împărțire.

3) Fracții cu numărătorul mai mic decât numitorul.

4)  $\frac{1}{3}$

5) Arată câte părți egale se iau.

6) Fracții cu numărătorul mai mare decât numitorul.

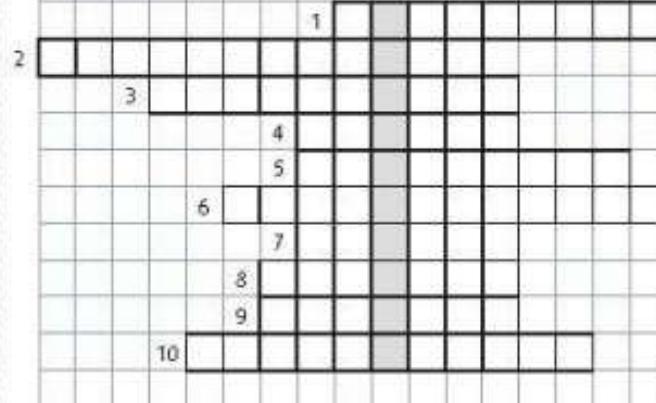
7)  $\frac{1}{8}$

8) Indică în câte părți egale se împarte în reguli.

9) Are numărător și numitor.

10) Fracții  $\frac{1}{2}$  și  $\frac{2}{4}$ .

Ce a apărut pe verticala marcată a careului?





## Explorez... surprize matematice

- 2** Anagramează cuvintele următoare (adică schimbă locul literelor în fiecare cuvânt) și găsește termenii matematici din care provin: *taricef, cifaliremap, truenausib, tomurin, mărtnuoră, siflemipicar*.

- 3** Observă regula sirului. Completează încă trei termeni care respectă aceeași regulă.

$$\frac{5}{4}, \frac{10}{8}, \frac{15}{12}, \frac{20}{16}, \frac{25}{20}, \dots$$

Propune un sir asemănător.

- 4** Simplifică fiecare fracție. Ce observi?

a)  $\frac{ab + 8 \cdot (a + b)}{9} = \frac{10a + b + 8a + 8b}{9} =$

=

b)  $\frac{abc + 8 \cdot (a + b + c)}{9} =$



Clasa  
a V-a

Nume \_\_\_\_\_



## Explorez... povești istorice

### Monede romane

În istoria omenirii, fracțiile au apărut din necesitatea de a împărti un întreg în părți egale. Denumirea „fracție” provine de la cuvântul „fractio”, care înseamnă în limba latină „a sparge”.

Romanii au folosit fracțiile pentru a descrie subunități ale unității monetare; ei denumeau unitatea monetară „as”. Deși romani foloseau un sistem zecimal de numerație, monedele utilizate de ei reprezentau fracții din „as”, cu numitorul 12.

A douăsprezecea parte dintr-un as era „uncia”, care era notată „•”. Un sfert dintr-un as era denumit „quadrans”; această monedă era notată „•••”. O treime dintr-un as era denumită „triens” și era notată „•••••”.



Denumirile date monedelor fraționare, ca și modul în care acestea erau marcate, arată că romani manevrau cu relativă ușurință fracțiile echivalente. De exemplu, marcajul de la triens (patru cerculețe) arată că 1 triens valorează cât 4 undi; în notațiile actuale, aceasta se exprimă prin egalitatea:

$$\frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

### Am înțeles și pot să aplic!

- Cum se scrie ca fracție ireductibilă valoarea unui quadrans?
- Un „sextans” este moneda romană ce valoara a șasea parte dintr-un as. Care este marcajul potrivit pentru un sextans?



## Consolidez ce știu



**1.** a) Exprimă ca fracție partea hașurată pe desenul din dreapta;

b) Reprezintă printr-un desen fracția  $\frac{5}{6}$ .



**2.** După ce a tăiat convenabil cele două bucăți de pizza, Ana a justificat

afirmația: „fracțiile  $\frac{3}{4}$  și  $\frac{6}{8}$  sunt echivalente”.

Imaginează și tu o astfel de justificare realizând desene sugestive.



**3.** Găsește numerele naturale  $x$  cu proprietatea că fracția  $\frac{x}{7}$  este:

a) subunitară; b) supraunitară cu numărătorul mai mic decât 12.

**4.** Scrie câte trei fracții în care:

- a) numărătorul este un multiplu al numitorului;
- b) numărătorul este cu 10 mai mic decât numitorul;
- c) numărătorul și numitorul sunt pătrate perfecte.

**5.** Cu ajutorul unor desene potrivite, arată că fracțiile fiecărei perechi sunt echivalente:

a)  $\frac{1}{5} = \frac{2}{10}$ ; b)  $\frac{1}{5} = \frac{3}{15}$ ; c)  $\frac{1}{5} = \frac{4}{20}$ ; d)  $\frac{1}{6} = \frac{2}{12}$ ; e)  $\frac{1}{6} = \frac{4}{24}$ ; f)  $\frac{1}{7} = \frac{3}{21}$ .

**6.** Ordonează crescător numerele

a)  $\frac{1}{4}; \frac{1}{5}; \frac{1}{8}; \frac{1}{6}; \frac{1}{10}$ ; b)  $\frac{6}{2}; \frac{6}{7}; \frac{4}{5}; \frac{2}{3}; \frac{7}{8}$ .

**7.** Scrie toate fracțiile cu numitorul 9, cuprinse între  $\frac{3}{9}$  și  $\frac{8}{9}$ .

**8.** Scrie o pereche de fracții care au cel mai mic numitor comun 48.

**9.** Care ar putea fi numitorii a două fracții dacă numitorul comun al lor cel mai mic este: a) 3; b) 99? Scrie câte trei exemple.



## Măsură performanță

Data: \_\_\_\_\_

**1** Scrie fracțiile reprezentate de zona hașurată:



**2** Asociază fiecare fracție cu denumirea potrivită.

$\frac{1}{3}$	$\frac{26}{25}$	$\frac{2}{7}$	$\frac{101}{100}$	$\frac{109}{3}$	$\frac{1000}{1001}$
---------------	-----------------	---------------	-------------------	-----------------	---------------------

SUBUNITARĂ

SUPRAUNITARĂ

**3** Scrie semnul potrivit ( $<$ ,  $=$ ,  $>$ ) pentru a compara:

a)  $\frac{13}{6} \bigcirc \frac{5}{6}$

b)  $\frac{15}{4} \bigcirc \frac{5}{2}$

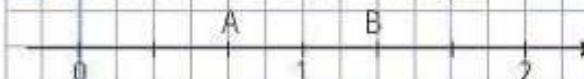
**4** a) Scoate întregii din fracție:

$\frac{5}{3} = \square - \square$

b) Introdu întregii în fracție:

$\square \frac{1}{3} = \square$

**5** Scrie coordonatele punctelor A și B:



6b

Test



## Măsură performanță

Data: \_\_\_\_\_

- 1** Scrie semnul potrivit ( $<$ ,  $=$ ,  $>$ ) pentru a compara:

a)  $\frac{7}{8} \bigcirc \frac{9}{8}$

b)  $\frac{13}{9} \bigcirc \frac{13}{18}$

- 2** a) Scoate întregii din fracție:

$$\frac{217}{23} = \boxed{\phantom{0}} - \boxed{\phantom{0}}$$

- b) Introdu întregii în fracție:

$$9\frac{3}{8} = \boxed{\phantom{0}}$$

- 3** Scrie coordonatele punctelor A și B:



- 4** Completează cu factorii potriviți pentru a obține fracții egale.

$$\frac{25 \cdot 4}{5 \cdot 2} = \frac{7 \cdot 10}{\boxed{\phantom{0}}}$$

$$\frac{2 \cdot 12^2}{4^3 \cdot \boxed{\phantom{0}}} = \frac{72 \cdot 5^3}{\boxed{\phantom{0}}}$$

- 5** Determină fracția ireductibilă egală cu  $\frac{315}{135}$ .

Clasa  
a V-a

Nume \_\_\_\_\_



- 10** La cercul de *Decupaje și colaje* din tabăra *Cangurul* participă 130 de copii. El folosește colii de hârtie albastră din care se decupează 12 discuri și colii galbeni din care se decupează 30 de pătrate.

- a) Câte colii albastre și câte colii galbene sunt necesare astfel încât fiecare copil să primească un disc și un pătrat?  
b) Dar dacă fiecare copil primește 2 discuri și 3 pătrate?

- 11** Cel mai mic numitor comun a două fracții este 105. Tale  $(\times)$  numerele care nu pot fi numitori pentru nicio una dintre aceste două fracții. Explică răspunsul.

3      525      35      1      0       $3 \cdot 7$        $3 \cdot 11 \cdot 9$

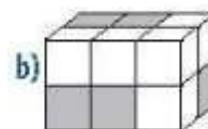
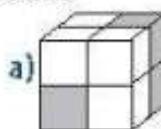
- 12** Simplifică fracțile:

a)  $\frac{134134}{135135}$ ;

b)  $\frac{123123123}{321321321}$ .



- 13** Construcția de mai jos este formată din cuburi albe și negre. Exprimă ca fracție partea din construcție ocupată de cuburile negre. Sunt mai multe răspunsuri posibile!



- 14** Dedide care dintre fracțiiile următoare sunt subunitare și care sunt supraunitare:

$$\frac{2^3}{3^2}; \quad \frac{10^2}{2^{10}}; \quad \frac{2^{30}}{3^{20}}; \quad \frac{1^{2017}}{2017^0}.$$

- 15** Scrie toate fracțiiile subunitare de formă  $\frac{ab}{2c}$  care se pot simplifica prin 5.

- 16** Scrie toate fracțiiile subunitare de formă  $\frac{ab}{1c}$  care se pot simplifica prin 2.

- 17** Simplifică fracția:  $\frac{2^n \cdot 5^n + 2^{n+1} \cdot 5^n}{2^n \cdot 5^n + 2^n \cdot 5^{n+1}}$ , unde  $n$  este un număr natural oarecare.

- 18** Simplifică fracția:  $\frac{2^n \cdot 5^{n+1} + 2^{n+1} \cdot 5^n}{2^n \cdot 5^{n+2} + 2^{n+1} \cdot 5^n}$ , unde  $n$  este un număr natural oarecare.

