

Marius PERIANU • Cătălin STĂNICĂ  
Ioan BALICA • Cătălin MÎINESCU • Cristian LAZĂR

# Matematică

pentru

Evaluarea națională

Teme, probleme și teste de verificare

Clasa a VIII-a



# Cuprins

<b>Capitolul 1.</b> Modele de teste pentru pregătirea examenului de Evaluare națională (clasa a VII-a) .....	5
<b>Capitolul 2.</b> Teme de aritmetică/algebră. Teorie și probleme	
<b>Tema 2.1.</b> Numere naturale. Operații cu numere naturale (clasa a V-a) .....	71
<b>Tema 2.2.</b> Numere întregi (clasa a VI-a) .....	77
<b>Tema 2.3.</b> Divizibilitate (clasele V – VI) .....	80
<b>Tema 2.4.</b> Numere raționale. Frații ordinare. Frații zecimale (clasele V – VI – VII) .....	89
<b>Tema 2.5.</b> Rapoarte. Proportii. Procente. Probabilități (clasele VI – VII) .....	97
<b>Tema 2.6.</b> Numere reale. Radicali. Reguli de calcul cu radicali (clasele VII – VIII) .....	106
<b>Tema 2.7.</b> Formule de calcul prescurtat. Descompuneri în factori (clasele VII – VIII) .....	113
<b>Tema 2.8.</b> Rapoarte de numere reale reprezentate prin litere (clasa a VIII-a) .....	118
<b>Tema 2.9.</b> Funcții (clasa a VIII-a) .....	125
<b>Tema 2.10.</b> Ecuații, inecuații, sisteme de ecuații. Probleme care se rezolvă cu ajutorul ecuațiilor, al inecuațiilor sau al sistemelor de ecuații (clasele V – VIII) .....	131
<b>Capitolul 3.</b> Teme de geometrie. Teorie și probleme	
<b>Tema 3.1.</b> Unghiuri. Triunghiuri (clasa a VI-a) .....	141
<b>Tema 3.2.</b> Patrulater (clasa a VII-a) .....	149
<b>Tema 3.3.</b> Asemănare (clasa a VII-a) .....	155
<b>Tema 3.4.</b> Relații metrice (clasa a VII-a) .....	163
<b>Tema 3.5.</b> Cercul (clasa a VII-a) .....	169
<b>Tema 3.6.</b> Incidență, paralelism și perpendicularitate în spațiu (clasa a VIII-a) .....	175
<b>Tema 3.7.</b> Corpuri geometrice. Arii și volume (clasa a VIII-a) .....	187
<b>Capitolul 4.</b> Modele de teste pentru pregătirea examenului de Evaluare națională (clasa a VIII-a) .....	197
<b>Bareme și soluții</b> .....	333

Modele de teste pentru  
pregătirea examenului  
de Evaluare națională  
(clasa a VII-a)

1

# Testul 1

## SUBIECTUL I

Încercuiți litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

(5p) 1. Fie punctele  $M(-3, -4)$  și  $N(3, 4)$ . Atunci, lungimea segmentului  $MN$  este egală cu:

- a) 6 u.m.;                      b) 12 u.m.;                      c) 8 u.m.;                      d) 10 u.m.

(5p) 2. În tabelul de mai jos sunt prezentate informații referitoare la cheltuielile unei familii într-o lună:

	Mâncare	Facturi	Alte cheltuieli	Suma rămasă
Valoarea cheltuielilor	3800	1500	800	$x$

Știind că venitul lunar al familiei este de 7000 de lei, valoarea raportului dintre suma rămasă și dublul sumei plătite la facturi este:

- a) 0,5;                      b) 0,2;                      c) 0,3;                      d) 1.

(5p) 3. Rezultatul calculului:  $2 \cdot (-5) - 2 + (-3) - 10 : (-2) - (-8)$  este egal cu:

- a) -2;                      b) 2;                      c) -3;                      d) 5.

(5p) 4. Patru elevi calculează medii geometrice. Primul calculează media geometrică a numerelor 15 și 3, al doilea calculează media geometrică a numerelor 6 și 9, al treilea, media geometrică a numerelor 9 și 8, iar al patrulea, media geometrică a numerelor  $3\sqrt{3}$  și  $5\sqrt{3}$ . Copiii care au obținut același rezultat sunt:

- a) primul și al doilea;                      b) al doilea și al treilea;  
c) al treilea și al patrulea;                      c) primul și al patrulea.

(5p) 5. Se dau numerele reale:  $-3,2(7)$ ;  $+3,27$ ;  $3,2(7)$ ;  $-3,27$ ;  $-3,(27)$ . Ordinea descrescătoare a celor cinci numere este:

- a)  $3,27 > 3,2(7) > -3,27 > -3,(27) > -3,2(7)$ ;  
b)  $3,2(7) > 3,27 > -3,27 > -3,(27) > -3,2(7)$ ;  
c)  $3,2(7) > 3,27 > -3,(27) > -3,27 > -3,2(7)$ ;  
d)  $3,27 > 3,2(7) > -3,2(7) > -3,27 > -3,(27)$ .

(5p) 6. Într-o cutie sunt bile pe care sunt scrise numerele prime mai mici decât 30. Probabilitatea ca la extragerea unei bile să se obțină un număr care conține cifra 3 este:

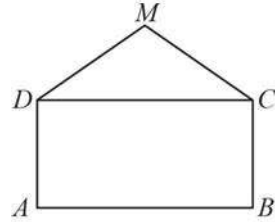
- a)  $\frac{4}{10}$ ;                      b)  $\frac{3}{10}$ ;                      c)  $\frac{3}{11}$ ;                      d)  $\frac{2}{11}$ .

## SUBIECTUL al II-lea

Încercuțiți litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

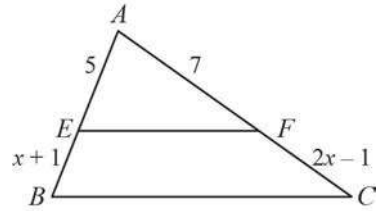
- (5p) 1. Un plic deschis, privit din față, are forma din figura alăturată, în care  $ABCD$  este dreptunghi și triunghiul  $DMC$  este isoscel cu baza  $DC$ . Atunci, triunghiul  $MAB$  este, cu certitudine:



- a) echilateral;      b) dreptunghic;  
c) isoscel;          d) oarecare.

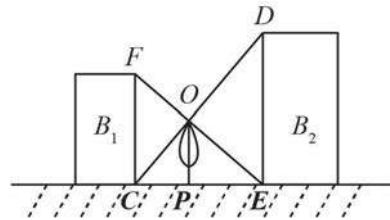
- (5p) 2. În figura alăturată este reprezentat un triunghi  $ABC$ ,  $EF \parallel BC$ ,  $E \in AB$ ,  $F \in AC$

și  $x \in \mathbb{R}_+ \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\}$ . Valoarea lui  $x$  este:



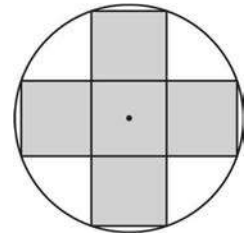
- a) 5;      b) 3;      c) 7;      d) 4.

- (5p) 3. Un plop a crescut între două blocuri  $B_1$  și  $B_2$ . Înălțimea blocului  $B_1$  este de 10 m, iar înălțimea blocului  $B_2$  este de 15 m. Vârful plopului,  $O$ , aparține dreptelor  $CD$  și  $EF$ . Atunci, înălțimea plopului este egală cu:



- a) 8 m;      b) 7 m;      c) 6 m;      d) 5 m.

- (5p) 4. Participanții la concursul „Micii sanitari” au o emblemă ca în figura alăturată, pe care este inscripționat numele echipei. Partea colorată cu gri (crucea) este formată din cinci pătrate cu latura de 2 cm. (Se consideră  $\pi \approx 3,14$ .) Afirmația „Aria figurii gri este mai mică decât aria din interiorul cercului care nu este gri.” este:



- a) adevărată      b) falsă.

- (5p) 5. Se dă cercul  $C(O, R)$ , punctul  $M$  exterior cercului și  $MA$  și  $MB$ , tangentele la cerc construite din punctul  $M$ ,  $A, B \in C(O, R)$ . Dacă  $MO$  este egal cu diametrul cercului, atunci măsura unghiului  $AOB$  este:

- a)  $60^\circ$ ;      b)  $90^\circ$ ;      c)  $100^\circ$ ;      d)  $120^\circ$ .

- (5p) 6. Un ornament de Crăciun are forma unui romb  $ABCD$ ,  $AC \cap BD = \{O\}$ . Fie  $OT \perp AB$ ,  $T \in AB$ ,  $OT = 4\sqrt{3}$  cm și  $TB = 4$  cm. Pe laturile rombului se pune un șnur roșu. Lungimea șnurului necesar este de:

- a) 60 cm;      b) 0,64 m;      c) 0,6 m;      d) 50 cm.

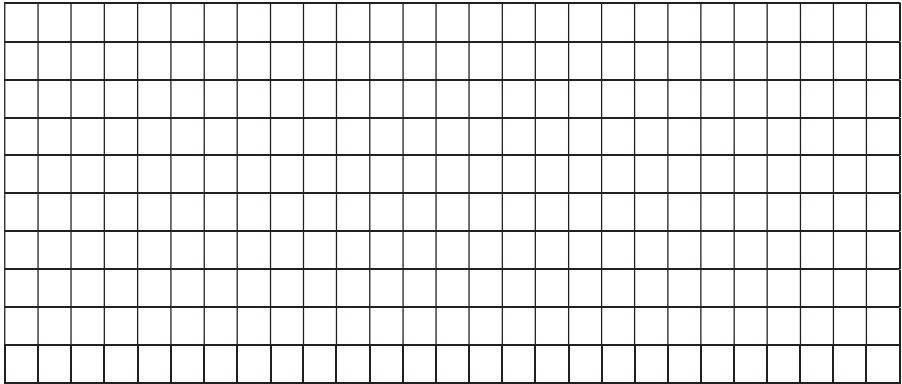




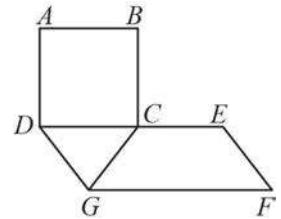




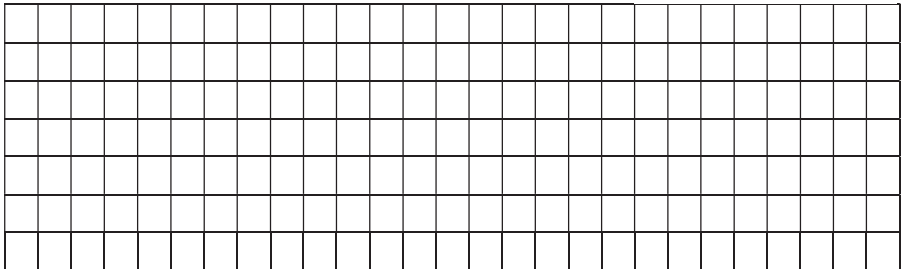
- (3p) b) Arătați că  $AM = 30$  cm.



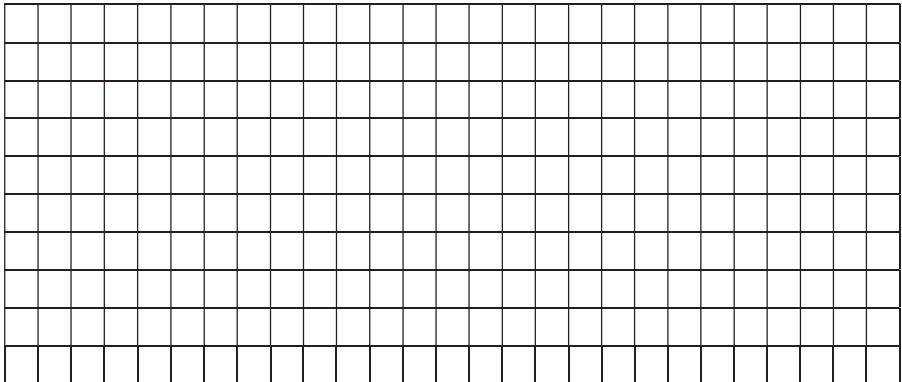
- (5p) 6. O terasă are forma din figura alăturată. Aceasta este compusă din pătratul  $ABCD$ , triunghiul echilateral  $DCG$  și trapezul isoscel  $CEFG$ . Punctele  $D$ ,  $C$  și  $E$  sunt coliniare. Se știe că  $DC = 4$  m și  $GF = 10$  m.



- (2p) a) Arătați că  $50 \text{ m}^2$  de gresie nu sunt suficienți pentru a acoperi terasa.



- (3p) b) Fie  $AC \cap GF = \{M\}$ . Calculați  $GM$ .



# Teme de aritmetică/algebră. Teorie și probleme

# 2

Clasele V – VIII

- Tema 2.1.** Numere naturale. Operații cu numere naturale  
(clasa a V-a)
- Tema 2.2.** Numere întregi  
(clasa a VI-a)
- Tema 2.3.** Divizibilitate  
(clasele V – VI)
- Tema 2.4.** Numere raționale. Frații ordinare. Frații zecimale  
(clasele V – VI – VII)
- Tema 2.5.** Rapoarte. Proportii. Procente. Probabilități  
(clasele VI – VII)
- Tema 2.6.** Numere reale. Radicali. Reguli de calcul cu radicali  
(clasele VII – VIII)
- Tema 2.7.** Formule de calcul prescurtat. Descompuneri în factori  
(clasele VII – VIII)
- Tema 2.8.** Rapoarte de numere reale reprezentate prin litere  
(clasa a VIII-a)
- Tema 2.9.** Funcții  
(clasa a VIII-a)
- Tema 2.10.** Ecuații, inecuații, sisteme de ecuații.  
Probleme care se rezolvă cu ajutorul ecuațiilor,  
al inecuațiilor sau al sistemelor de ecuații  
(clasele V – VIII)

# Tema 2.1

## Numere naturale. Operații cu numere naturale (clasa a V-a)

Mulțimea  $\{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$  a numerelor naturale se notează cu  $\mathbb{N}$ .

Mulțimea  $\mathbb{N} \setminus \{0\}$  este mulțimea numerelor naturale nenule; aceasta se notează cu  $\mathbb{N}^*$ .

Cu numerele naturale putem efectua următoarele operații:

- operații de ordinul I: adunarea și scăderea;
- operații de ordinul II: înmulțirea și împărțirea;
- operații de ordinul III: ridicarea la putere.

**E** Comutativitatea: pentru orice numere naturale  $a$  și  $b$  avem: 
$$\begin{cases} a + b = b + a \\ a \cdot b = b \cdot a \end{cases}$$

**E** Asociativitatea: pentru orice numere naturale  $a, b, c$  avem: 
$$\begin{cases} (a + b) + c = a + (b + c) \\ (a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c) \end{cases}$$

**E** 0 este element neutru la adunare:  $a + 0 = 0 + a = a$ , pentru orice număr natural  $a$ .  
1 este element neutru la înmulțire:  $a \cdot 1 = 1 \cdot a = a$ , pentru orice număr natural  $a$ .

**E** Înmulțirea este distributivă față de adunare și față de scădere: 
$$\begin{cases} a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c \\ a \cdot (b - c) = a \cdot b - a \cdot c \end{cases}$$

### F

**OE** Fiind dată o egalitate  $a = b$  între două numere naturale, egalitatea se păstrează dacă:

**E** în ambii membri se adună același număr natural:  $a = b \Rightarrow a + c = b + c$ ;

**E** din ambii membri se scade același număr natural:  $a = b \Rightarrow a - c = b - c$ ;

**E** ambii membri se înmulțesc cu același număr natural:  $a = b \Rightarrow a \cdot c = b \cdot c$ ;

**E** ambii membri se împart la același număr natural nenul:  $a = b \Rightarrow a : c = b : c$ .

**PE** Adunând sau înmulțind membru cu membru două egalități, egalitatea se păstrează:

$$\text{dacă } \begin{cases} a = b \\ c = d \end{cases} \text{ atunci } \begin{cases} a + c = b + d \\ a \cdot c = b \cdot d \end{cases}$$

**RE** Fiind dată o inegalitate  $a \leq b$  între două numere naturale, inegalitatea se păstrează dacă:

**E** în ambii membri se adună același număr natural:  $a \leq b \Rightarrow a + c \leq b + c$ ;

**E** din ambii membri se scade același număr natural:  $a \leq b \Rightarrow a - c \leq b - c$ ;

**E** ambii membri se înmulțesc cu același număr natural nenul:  $a \leq b \Rightarrow a \cdot c \leq b \cdot c$ ;

**E** ambii membri se împart la același număr natural nenul:  $a \leq b \Rightarrow a : c \leq b : c$ .

**E** Oricare ar fi numerele naturale  $a$  și  $b$ , cu  $b \neq 0$ , există numerele naturale  $q$  și  $r$ , unic determinate, astfel încât:  $a = b \cdot q + r$  și  $0 \leq r < b$ .

Numărul  $q$  se numește *câtul împărțirii*, iar numărul  $r$  se numește *rest*.

**s** **E** Fiind date numerele 23 și 5, există și sunt unice numerele naturale 4 și 3 astfel încât să avem:  $23 = 4 \cdot 5 + 3$  și  $3 < 5$ . Deci  $23 : 5 = 4$ , rest 3.

Fie  $a$  și  $n$  două numere naturale, cu  $n \geq 2$ . Produsul a  $n$  factori egali cu  $a$  se numește puterea a  $n$ -a a numărului natural  $a$  și se notează  $a^n$ .

Scrierea  $a^n$  se citește „ $a$  la puterea  $n$ ” sau „puterea a  $n$ -a a numărului  $a$ ”. În această scriere,  $a$  se numește *baza* puterii, iar  $n$  se numește *exponentul* puterii.

Așadar:  $a \cdot a = a^2$ ,  $a \cdot a \cdot a = a^3$ , și, în general,  $\underbrace{a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_n = a^n$ , pentru  $n \geq 2$ .

Prin convenție,  $a^1 = a$  și  $a^0 = 1$ , pentru orice număr natural  $a \neq 0$ . Nu are sens  $0^0$ .

**E** Numerele naturale care pot fi scrise ca puterea a doua a unui număr natural se numesc *pătrate perfecte*.

**s** **E** 81 și 225 sunt pătrate perfecte, pentru că  $81 = 9^2$  și  $225 = 15^2$ .

**p** **E** Numerele naturale care pot fi scrise ca puterea a treia a unui număr natural se numesc *cuburi perfecte*.

**s** **E** 27, 125 și 64 sunt cuburi perfecte, întrucât  $27 = 3^3$ ;  $125 = 5^3$ ;  $64 = 4^3$ .

**E** Deoarece ultima cifră a unui produs de numere este ultima cifră a produsului ultimelor cifre ale numerelor date, avem:

**OE** Numerele care se termină cu cifrele 0, 1, 5, 6, ridicate la orice putere nenulă, se vor termina cu aceleași cifre.

**PE** Ultima cifră a puterilor nenule ale numerelor terminate în 4 sau 9 se repetă din 2 în 2:

**E** puterile impare ale numerelor terminate în 4 se termină în 4, iar puterile pare nenule se termină în 6;

**E** puterile impare ale numerelor terminate în 9 se termină în 9, iar puterile pare nenule se termină în 1.

**RE** Ultima cifră a puterilor nenule ale numerelor terminate în 2, 3, 7 sau 8 se repetă din 4 în 4.

**E** Fie  $a, b, m, n$  numere naturale, cu  $a, b \neq 0$ .

**OE** Înmulțirea puterilor cu aceeași bază:  $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

**PE** Împărțirea puterilor cu aceeași bază:  $a^m : a^n = a^{m-n}$ , pentru orice  $m \geq n$

**RE** Puterea unei puteri:  $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$

**SE** Puterea unui produs:  $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$

**TE** Puterea unui cât:  $(a : b)^n = a^n : b^n$ , pentru orice  $a, b \in \mathbb{N}^*$  astfel încât  $a : b$ .

**E** Sunt situații în care identitățile de mai sus se folosesc și sub forma:

**OE**  $a^{m+n} = a^m \cdot a^n$       **PE**  $a^{m-n} = a^m : a^n$       **RE**  $a^{m \cdot n} = (a^m)^n$

**SE**  $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$  - regula de înmulțire a puterilor cu același exponent

**TE**  $a^n : b^n = (a : b)^n$  - regula de împărțire a puterilor cu același exponent

**OE** Dacă într-un exercițiu sunt operații de același ordin, acestea se efectuează în ordinea în care sunt scrise, de la stânga la dreapta. Pentru a ușura calculul, putem folosi proprietățile de comutativitate și asociativitate ale adunării și înmulțirii:

**s** **E**  $27 + 15 - 32 = 42 - 32 = 10$ .      **E**  $32 \cdot 5 : 8 \cdot 2 = 160 : 8 \cdot 2 = 20 \cdot 2 = 40$ .

**E**  $137 + 455 + 63 + 45 = (137 + 63) + (455 + 45) = 200 + 500 = 700$ .

**E**  $4 \cdot 231 \cdot 25 = (4 \cdot 25) \cdot 231 = 100 \cdot 231 = 23\ 100$ .



## Probleme propuse

### PARTEA I. La următoarele probleme scrieți numai rezultatele.

- OE** Scrierea numărului trei sute de mii opt este egală cu ... .
- PE** Cel mai mic număr natural de trei cifre cu cifra zecilor 7 este egal cu ... .
- RE** Aproximarea lui 345672 prin lipsă, la mii, este egală cu ... .
- SE** Dintre numerele  $a = 102030$ ,  $b = 123450$  și  $c = 102100$  mai mare este ... .
- TE** Cel mai mic număr natural cu produsul cifrelor 12 este egal cu ... .
- UE** Secvența 3, 6, 9, 12, ..., 33 conține un număr de ... numere naturale.
- aE** Numărul numerelor naturale impare de forma  $\overline{a2b}$  este egal cu ... .
- bE** Dacă pe axa numerelor sunt reprezentate punctele  $O(0)$ ,  $A(11)$ ,  $B(7)$  și  $C(23)$ , atunci ordinea punctelor  $O$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $C$  pe axă este ... .
- cE** Rezultatul calculului  $19027 + 9278$  este egal cu ... .
- OG** Rezultatul calculului  $1006 - 297$  este egal cu ... .
- OO** Rezultatul calculului  $208 \cdot 17$  este egal cu ... .
- OE** Rezultatul calculului  $12 - 4 \cdot 2 + 3$  este egal cu ... .
- ORE** Dacă  $ab + ac = 15$  și  $b + c = 5$ , atunci valoarea numărului  $a$  este egală cu ... .
- OSE** Rezultatul calculului  $5 + 10 + 15 + \dots + 40$  este egal cu ... .
- OTE** Suma a trei numere naturale consecutive este 21. Produsul numerelor este egal cu ... .
- OUE** Numărul zerourilor în care se termină produsul primelor 21 de numere naturale nenule este egal cu ... .
- OaE** Rezultatul calculului  $1^4 + 2^0$  este egal cu ... .
- ObE** Numărul pătratelor perfecte din secvența 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 este egal cu ... .
- OcE** Ultima cifră a numărului  $2^{2013}$  este egală cu ... .
- PGE** Dacă  $1 + 3 + 5 + \dots + 13 = x^2$ , atunci valoarea numărului natural  $x$  este egală cu ... .
- POE** Numărul pătratelor perfecte de două cifre este egal cu ... .
- PPE** Dintre numerele  $a = 2^{33}$  și  $b = 3^{22}$ , mai mic este numărul ... .
- PRE** Dintre numerele  $x = 2^{55}$ ,  $y = 2^{33}$  și  $z = 2^{44}$ , cub perfect este numărul ... .
- PSE** Dacă  $2^6 \cdot 4^7 \cdot 8^8 = 2^x$ , atunci valoarea numărului natural  $x$  este egală cu ... .
- PTE** Numărul natural care împărțit la 17 dă câtul 9 și restul 15 este egal cu ... .
- PUE** Suma resturilor posibile ale împărțirii unui număr natural la 5 este egală cu ... .
- PaE** Suma a două numere naturale este 32. Împărțind numărul mai mare la cel mai mic obținem câtul 5 și restul 2. Numărul mai mic este egal cu ... .
- PbE** Numărul numerelor naturale care împărțite la 4 dau câtul 3 este egal cu ... .
- PcE** Un număr natural  $n$  dă restul 3 la împărțirea cu 4. Restul împărțirii numărului  $n$  la 2 este egal cu ... .
- RGE** Numărul care împărțit la 7 dă câtul 9 și restul 5 este egal cu ... .

## PARTEA a II-a. La următoarele probleme scrieți rezolvările complete.

**RCE** Se știe că  $a + b + c = 7$ . Calculați:

a)  $2a + 2b + 2c$ ;      b)  $10a + 10b + 10c$ ;      c)  $a \cdot 13 + b \cdot 13 + c \cdot 13 + 21$ .

**RPE** Se știe că  $a = 11$  și  $b + c = 8$ . Calculați:

a)  $ab + ac$ ;      b)  $2a + 3b + 3c$ ;      c)  $10a + 9b + 9c$ ;  
d)  $ab + ac + 25$ ;      e)  $ab + ac - 34$ ;      f)  $7b + 7c + 9a$ .

**RRE** Se știe că  $a + b + c = 23$  și  $x = 9$ . Calculați:

a)  $14a + 14b + 14c + 14x$ ;      b)  $2013 - (53a + 53b + 53c + 10x)$ ;  
c)  $349 + 6a + 6b + 6c - 12x$ ;      d)  $424 - 21x + 3a + 3b + 3c$ .

**RSE** Calculați, scoțând factor comun:

a)  $13 \cdot 5 + 13 \cdot 21 + 13 \cdot 40$ ;      b)  $437 \cdot 109 - 437 \cdot 54 + 437 \cdot 203$ ;  
c)  $49 \cdot 135 - 49 \cdot 27 + 49 \cdot 11$ ;      d)  $2011 \cdot 5 + 2011 \cdot 7 + 2011 \cdot 49 + 2011 \cdot 39$ .

**RTE** Dacă  $x = 5$  și  $a + b = 13$ , calculați:

a)  $3 \cdot x + 7 \cdot a + 7 \cdot b$ ;      b)  $xa + xb - 50$ ;  
c)  $10 \cdot x - (4 \cdot a + 4 \cdot b)$ ;      d)  $(4a + 4b - 2x) \cdot (2a + 2b + x)$ .

**RUE** Calculați numărul  $x$  știind că  $a - b = 6$  și:

a)  $x + 3 \cdot a - 3 \cdot b = 20$ ;      b)  $x \cdot a - x \cdot b + 9a - 9b = 654$ ;  
c)  $7 \cdot a - 7 \cdot b + x = 55$ ;      d)  $13 + x - (5 \cdot a - 5 \cdot b) = 2011$ .

**RaE** Dacă  $a, b, c$  sunt numere naturale astfel încât  $a + b + c = 57$  și  $2a + b + 2c = 73$ , calculați  $(a + c) \cdot (5 \cdot a + 2 \cdot b + 5 \cdot c)$ .

**RbEa** Dacă  $a + b = 20$  și  $b + c = 30$ , calculați  $3a + 7b + 4c$ .

b) Dacă  $a + b = 33$  și  $a + c = 11$ , calculați  $5a + 3b + 2c$ .

**RcE** Știind că  $x + 3y = 2y + z = 14$ , calculați:

a)  $x + 5y + z$ ;      b)  $3x + 15y + 3z$ ;      c)  $5x + 11y - 2z$ ;      d)  $5x + 19y + 2z$ .

**SGE** Produsul a două numere este 672. Mărind unul dintre numere cu 10, produsul devine 992. Determinați cele două numere.

**SOE** Produsul a două numere este 1530. Micșorând unul dintre ele cu 20, produsul devine 850. Determinați cele două numere.

**SPE** Produsul a trei numere consecutive este cu 48 mai mare decât produsul primelor două. Determinați cele trei numere naturale.

**SRE** Efectuați:

a)  $11 + 8 \cdot \{45 + 4 \cdot [3 + 8 \cdot (12 \cdot 13 - 8 \cdot 14) - 37]\} + 1234$ ;  
b)  $(32 \cdot 15 - 32 \cdot 5) + 11 \cdot 12 + 7 \cdot \{124 - 5 \cdot [210 - 2 \cdot (23 \cdot 17 - 24 \cdot 12)]\}$ ;  
c)  $12 + 12 \cdot \{12 + 12 \cdot [12 + 12 \cdot (12 \cdot 12 - 122)]\} + 12 \cdot 12$ ;  
d)  $[100 - 3 \cdot (13 \cdot 19 - 12 \cdot 18)] \cdot \{1 + 2 \cdot [3 + 4 \cdot (5 + 6 \cdot 7)]\}$ ;  
e)  $2483 - 23 \cdot [15 + 5 \cdot (127 - 119)] + 32 \cdot [178 - 5 \cdot (345 - 328)]$ ;  
f)  $\{[19 \cdot 6 - 107 + 12 \cdot 8] \cdot 2 - 176\} + [5467 - 16 \cdot (324 - 319)]$ .

**SSEa** Determinați numerele naturale  $n$ , pentru care  $8^n + 8^{n+1} = 18 \cdot 2^{2003}$ .

b) Determinați numerele naturale  $n$ , pentru care  $9^n + 9^{n+1} = 10 \cdot 3^{2012}$ .

c) Determinați numerele naturale  $n$ , pentru care  $6^n + 6^{n+3} = 217 \cdot 6^{55}$ .

d) Determinați numerele naturale  $n$ , pentru care  $7^{n+1} + 7^{n+2} = 8 \cdot 7^{11}$ .

**STE a)** Arătați că numărul  $a = 2003 + 2 \cdot (1 + 2 + \dots + 2002)$  este pătrat perfect.

b) Arătați că numărul  $b = 1 + 3 + 5 + \dots + 2011$  este pătrat perfect.

c) Arătați că numărul  $a = 81 + 2 \cdot 81 + 3 \cdot 81 + \dots + 49 \cdot 81$  este pătrat perfect.

**SUE a)** Câte pătrate perfecte se găsesc între numerele 100 și 1000 ?

b) Câte numere naturale pătrate perfecte se află între 2000 și 3000?

**SaE** Arătați că numerele naturale de forma  $5 \cdot (n + 1) + 6^{n+2} + 1001^{n+3} + 5$  nu pot fi pătrate perfecte, pentru orice valoare a numărului natural  $n$ .

**SbE** Un număr natural este de 7 ori mai mare decât alt număr natural. Care sunt cele două numere, știind că cel mare este mai mare decât 86 și mai mic decât 94?

**ScE** Un număr natural este de 9 ori mai mare decât alt număr natural. Care sunt cele două numere, știind că cel mare este mai mare decât 140 și mai mic decât 149?

**TGE** Un număr natural este de 13 ori mai mare decât alt număr natural. Care sunt cele două numere, știind că cel mare este mai mare decât 140 și mai mic decât 155?

**TOE a)** Determinați toate numerele naturale care împărțite la 6 dau câtul 13.

b) Determinați toate numerele naturale care împărțite la 9 dau câtul 103.

c) Determinați toate numerele naturale care împărțite la 7 dau câtul 32.

**TPE** Suma a trei numere naturale este 121. Împărțind primul număr la al treilea obținem câtul 10 și restul 5, iar împărțind al doilea număr la al treilea obținem câtul 5 și restul 4. Determinați cele trei numere.

**TRE** Suma a trei numere naturale este 135. Împărțind primele două numere la al treilea obținem câturile 12 și 31, iar resturile 1 și respectiv 2. Determinați numerele.

**TSE** Un număr este cu 72 mai mare decât alt număr. Împărțind suma lor la diferența lor obținem câtul 5 și restul 2. Determinați cele două numere.

**TTE a)** Aflați toate numerele naturale nenule care împărțite la 7 dau restul egal cu câtul.

b) Aflați numerele naturale nenule care împărțite la 15 dau restul egal cu dublul câtului.

c) Calculați suma numerelor naturale care împărțite la 8 dau câtul 5.

**TUE** Suma a trei numere naturale  $a, b, c$  este 232. Împărțind pe  $a$  la  $b$  obținem câtul 14 și restul 5, iar împărțind pe  $b$  la  $c$  obținem câtul 7 și restul 1. Determinați numerele.

**TaE** Suma a trei numere naturale este 297. Împărțind primul număr la al doilea obținem câtul 2 și restul 25, iar împărțind primul număr la al treilea obținem câtul 11 și restul 8. Determinați cele trei numere.

**TbE** Diferența a două numere naturale este 139. Împărțind numărul mai mare la dublul numărului mai mic obținem restul 6 și câtul 10. Determinați numerele.

**TcE** Suma a două numere naturale este 334. Împărțind numărul mai mare la triplul numărului mai mic obținem câtul 36 și restul 7. Determinați numerele.

**UGE** Diferența a două numere naturale este 149. Împărțind numărul mai mare la jumătatea numărului mai mic obținem câtul 16 și restul 9. Determinați numerele.



Modele de teste pentru  
pregătirea examenului  
de Evaluare națională  
(clasa a VIII-a)

4

# Testul 1

## SUBIECTUL I

Încercuieți litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

- (5p) 1. Dintre numerele 2, 4, 10 și 21, număr prim este:  
a) 2;                      b) 4;                      c) 10;                      d) 21.
- (5p) 2. În tabelul de mai jos sunt prezentate informații cu privire la numărul problemelor rezolvate de către cinci copii:

	Ana	Cătălin	Florin	Ioana	Paul
Numărul problemelor	135	120	100	200	40

Copiii pentru care numărul problemelor rezolvate de unul este o treime din numărul problemelor rezolvate de celălalt sunt:

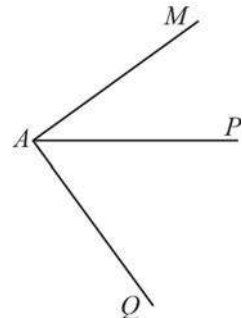
- a) Paul și Ana;                      b) Florin și Ioana;  
c) Paul și Cătălin;                      d) Cătălin și Ioana.
- (5p) 3. Într-un coș sunt 85 de mere și 100 de pere. Diferența dintre jumătate din numărul perelor și numărul merelor este:  
a) 15;                      b) -85;                      c) 185;                      d) -35.
- (5p) 4. Numerele de forma  $\overline{5x6}$  divizibile cu 3 sunt:  
a) 506, 536, 566, 596;                      b) 516, 546, 576;  
c) 516, 536, 566, 596;                      d) 526, 556, 586.
- (5p) 5. Fie intervalul  $\left[-2\sqrt{3}, \frac{5\sqrt{2}}{2}\right)$ . Câte numere întregi conține acest interval?  
a) 6;                      b) 7;                      c) 4;                      d) 3.
- (5p) 6. O umbrelă costă 25 de lei. Ionel spune: „după o scumpire cu 20%, umbrela va costa 30 de lei.“ Afirmatia lui Ionel este:  
a) adevărată;                      b) falsă.

## SUBIECTUL al II-lea

Încercuieți litera corespunzătoare răspunsului corect.

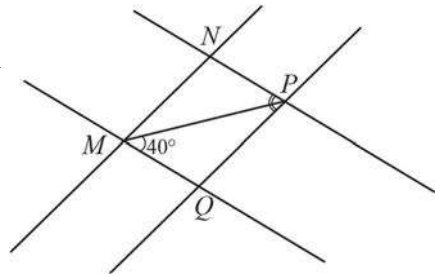
(30 de puncte)

- (5p) 1. În figura alăturată sunt reprezentate unghiurile adiacente  $MAP$  și  $PAQ$ , cu măsurile de  $36^\circ$  și, respectiv, de  $54^\circ$ . Atunci, unghiul  $MAQ$  este:  
a) obtuz;                      b) ascuțit;  
c) drept;                      d) alungit.



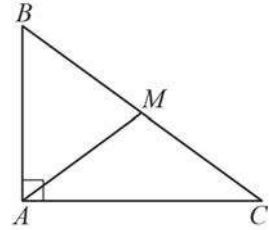
- (5p) 2. În figura alăturată,  $MN \parallel PQ$  și  $MQ \parallel NP$ ,  $\sphericalangle QMP = 40^\circ$  și  $\sphericalangle QPN = 75^\circ$ . Atunci,  $\sphericalangle PMN$  are măsura egală cu:

- a)  $40^\circ$ ;                      b)  $75^\circ$ ;  
c)  $30^\circ$ ;                      d)  $35^\circ$ .



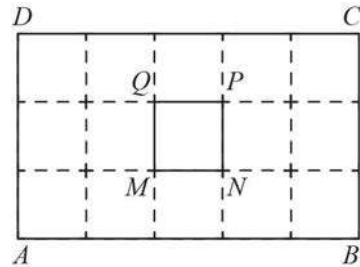
- (5p) 3. Într-o livadă se află patru copaci situați, ca în figura alăturată, în punctele  $A$ ,  $B$ ,  $C$  și  $M$ . Se știe că  $\sphericalangle BAC = 90^\circ$ ,  $M \in (BC)$  astfel încât  $AM \equiv MC$ ,  $\sphericalangle MAC = 30^\circ$  și  $BM = 6$  m. Atunci, distanța de la  $M$  la  $AC$  este egală cu:

- a) 2 m;                      b) 3 m;  
c) 6 m;                      d) 4 m.



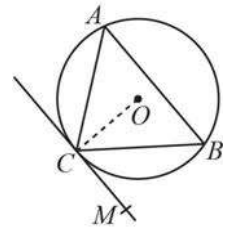
- (5p) 4. O cameră are un perete în forma unui dreptunghi cu dimensiunile de 5 m și 3 m. Acest perete se acoperă cu plăci de faianță în formă de pătrat cu latura de 25 cm. Pe perete este o fereastră  $MNPQ$  în formă de pătrat cu latura de 1 m, ca în figura alăturată. Numărul plăcilor de faianță necesare este egal cu:

- a) 224;                      b) 225;  
c) 200;                      d) 240.



- (5p) 5. În figura alăturată,  $MC$  este tangentă la cercul circumscris triunghiului  $ABC$ , iar  $\sphericalangle CAB = 50^\circ$ . Măsura unghiului  $MCB$  este:

- a)  $40^\circ$ ;                      b)  $50^\circ$ ;  
c)  $45^\circ$ ;                      d)  $30^\circ$ .



- (5p) 6. Un cub a fost tăiat în 125 de cubulețe identice, cu muchia de 1 cm. Aria totală a cubului mare este egală cu:

- a)  $250 \text{ cm}^2$ ;                      b)  $750 \text{ cm}^2$ ;                      c)  $125 \text{ cm}^2$ ;                      d)  $150 \text{ cm}^2$ .

### SUBIECTUL al III-lea

Scrieți rezolvările complete.

(30 de puncte)

- (5p) 1. Un turist a parcurs în prima zi  $\frac{1}{3}$  dintr-un traseu, iar în a doua zi, 15 km.

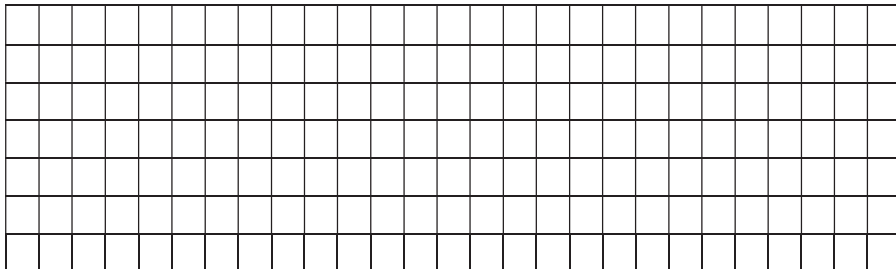
I-au rămas de parcurs  $\frac{1}{4}$  din traseu.



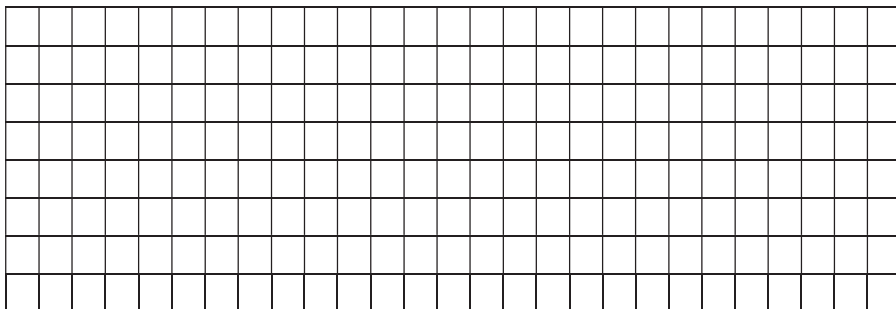


(5p) 4. Fie  $ABCD$  un pătrat de latură  $\ell$  și punctele  $M \in (BC)$  și  $N \in (DC)$  astfel încât  $MC = NC = \frac{1}{3}DC$ .

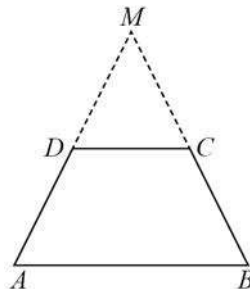
(2p) a) Calculați aria patrulaterului  $AMCN$  în funcție de  $\ell$ .



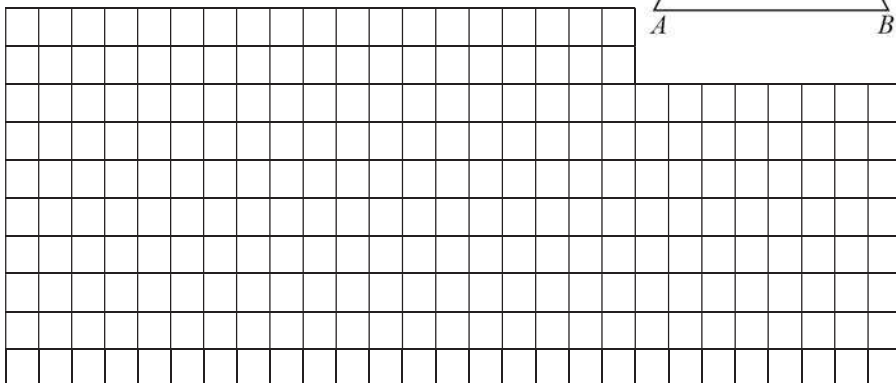
(3p) b) Calculați distanța de la  $M$  la  $AN$ .



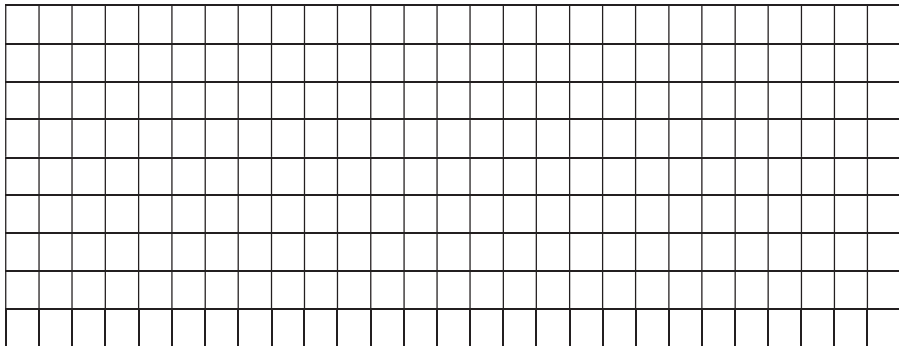
(5p) 5. În figura alăturată,  $ABCD$  este un trapez isoscel, cu  $AB \parallel CD$ ,  $AB > CD$  și  $AD \cap BC = \{M\}$ . Se știe, de asemenea, că  $D$  este mijlocul laturii  $AM$ , perimetrul triunghiului  $DMC$  este de 12 cm și perimetrul lui  $ABCD$  este de 24 cm.



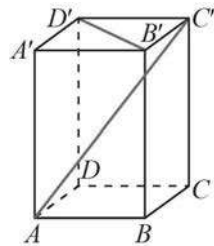
(2p) a) Arătați că  $AB = 12$  cm.



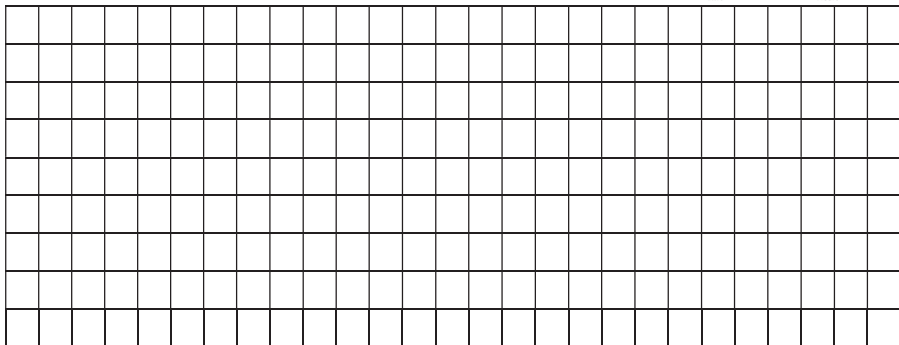
- (3p) b) Arătați că lungimea liniei mijlocii a trapezului este mai mică decât  $7\sqrt{2}$  cm.



- (5p) 6. Un suport de creioane are forma unei prisme patrulatere regulate  $ABCD A' B' C' D'$ . Două creioane, reprezentate prin segmentele  $AC'$  și  $B'D'$ , sunt așezate ca în figura alăturată. Se știe că  $AB = 4$  cm și  $AA' = 10$  cm.



- (2p) a) Aflați tangenta unghiului format de creionul reprezentat prin segmentul  $C'A$  cu planul bazei.



- (3p) b) Care este măsura unghiului format de cele două creioane?

