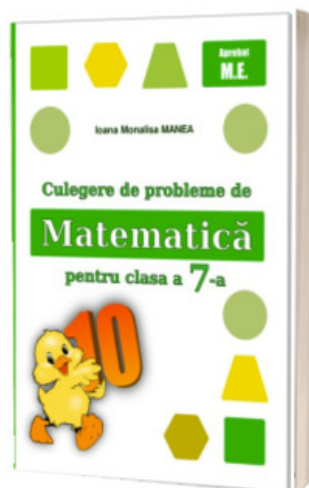


Culegere de probleme de matematica pentru clasa a 7-a (puisor)

2026



Autor: Manea, Ioana Monalisa

Editura: PUISOR

Cod de bare: 9786306741144

URL produs:

<https://librariaonline.ro/carti-educationale/culegere-de-probleme-de-matematica-pentru-clasa-a-7-a-puisor-ioana-monalisa-manea-puisor-p10264751>

Descriere produs

Lucrarea este aprobată pentru utilizarea în unitățile de învățământ preuniversitar prin O.M.E.N. nr. 4696 din 02.08.2019, la poziția 30.

Culegerea cuprinde probleme și exerciții corespunzătoare programei școlare de matematică aprobate prin O.M.E.N. nr. 3393/2017. În funcție de gradul de complexitate, exercițiile și problemele au rezultate, indicații sau rezolvări integrale.

Adresându-se tuturor categoriilor de elevi, cartea poate fi folosită atât în clasă, cât și în pregătirea individuală, devenind un instrument sigur pentru învățarea matematicii.

IOANA MONALISA MANEA

**Culegere de probleme
de matematică
pentru clasa a 7-a**

EDITURA PUIȘOR
București

2026

Cuprins

1. Recapitulare. Teste de evaluare inițială	6
1.1. Recapitulare algebră: mulțimea $\mathbb{Z}$	6
1.2. Recapitulare algebră: mulțimea $\mathbb{Q}$	8
1.3. Recapitulare geometrie	10
1.4. Teste de evaluare inițială	11
2. Mulțimea numerelor reale	14
2.1. Rădăcina pătrată a unui număr natural pătrat perfect	14
2.2. Estimarea rădăcinii pătrate dintr-un număr rațional	15
2.3. Numere iraționale; mulțimea numerelor reale; $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R}$; reprezentarea numerelor reale pe axa numerelor prin aproximări	17
2.4. Modulul, compararea și ordonarea numerelor reale	19
Teste de evaluare	22
2.5. Scoaterea factorilor de sub radical și introducerea factorilor sub radical	23
2.6. Adunarea și scăderea numerelor reale	24
2.7. Înmulțirea și împărțirea numerelor reale; puteri cu exponent număr întreg	26
2.8. Raționalizarea numitorului de forma $a\sqrt{b}$	29
2.9. Media aritmetică ponderată a n numere reale, $n \geq 2$	32
2.10. Media geometrică a două numere reale pozitive	33
Teste de evaluare	35
2.11. Ecuația de forma $x^2 = a$, $a \in \mathbb{R}$	36
Teste de evaluare	37
3. Ecuații și sisteme de ecuații liniare	39
3.1. Transformarea unei egalități într-o egalitate echivalentă; identități	39
3.2. Ecuații de forma $ax + b = 0$, $a, b \in \mathbb{R}$; mulțimea soluțiilor unei ecuații; ecuații echivalente	40
3.3. Sisteme de două ecuații liniare cu două necunoscute; rezolvarea prin metoda substituției și/sau metoda reducerii	42
3.4. Probleme care se rezolvă cu ajutorul ecuațiilor sau a sistemelor de ecuații liniare	44
Teste de evaluare	47
4. Elemente de organizare a datelor	49
4.1. Produsul cartezian a două mulțimi nevide; sistem de axe ortogonale în plan; reprezentarea într-un sistem de axe ortogonale a unor perechi de numere reale; reprezentarea punctelor într-un sistem de axe ortogonale; distanța dintre două puncte din plan	49
4.2. Reprezentarea și interpretarea unor dependențe funcționale prin tabele, diagrame și grafice; poligonul frecvențelor	51

5. Patrulaterul	53
5.1. Patrulaterul convex; suma măsurilor unghiurilor unui patrulater convex	53
5.2. Paralelogramul; proprietăți	54
5.3. Linia mijlocie în triunghi; centrul de greutate al unui triunghi	56
Teste de evaluare	58
5.4. Dreptunghiul; proprietăți	58
5.5. Rombul; proprietăți	60
5.6. Pătratul; proprietăți	61
Teste de evaluare	63
5.7. Trapezul, clasificare, proprietăți; trapezul isoscel, proprietăți	64
5.8. Linia mijlocie în trapez	66
5.9. Perimetre și arii: triunghi, paralelogram, dreptunghi, romb, pătrat, trapez	67
Teste de evaluare	71
6. Cercul	73
6.1. Unghi înscris în cerc; coarde și arce în cerc, proprietăți	73
6.2. Tangente dintr-un punct exterior la un cerc	75
6.3. Poligoane regulate înscrise într-un cerc; construcție; măști de unghiuri	76
6.4. Lungimea cercului și aria discului	78
Teste de evaluare	79
7. Asemănarea triunghiurilor	81
7.1. Segmente proporționale; teorema paralelelor echidistante; împărțirea unui segment în părți proporționale cu numere (segmente) date	81
7.2. Teorema lui Thales; reciproca teoremei lui Thales	81
7.3. Triunghiuri asemenea; teorema fundamentală a asemănării, raportul ariilor a două triunghiuri asemenea; aplicații practice	83
7.4. Criterii de asemănare a triunghiurilor; aproximarea în situații practice a distanțelor folosind asemănarea	87
Teste de evaluare	90
8. Relații metrice în triunghiul dreptunghic	92
8.1. Proiecții ortogonale pe o dreaptă; teorema înălțimii	92
8.2. Teorema catetei	93
8.3. Teorema lui Pitagora; reciproca teoremei lui Pitagora	94
8.4. Noțiuni de trigonometrie în triunghiul dreptunghic: sinusul, cosinusul, tangenta și cotangenta unui unghi ascuțit	97
Teste de evaluare	100
8.5. Rezolvarea triunghiului dreptunghic; aproximarea în situații practice a distanțelor folosind relații metrice	101
Teste de evaluare	103
8.6. Calculul elementelor în poligoane regulate	104
Teste de evaluare	106
9. Teste de recapitulare tip Evaluare Națională	107
10. Fișe pentru portofoliu	113
11. Soluții	119

1. Recapitulare. Teste de evaluare inițială

1.1. Recapitulare algebră: mulțimea $\mathbb{Z}$

*

1. Să se ordoneze crescător numerele:

a) $-4; |-2|; 1; |-5|; 0,3; -6; -|-7|$ b) $-3+5; |-4-1|; -10+7; |0|; -2^2$

2. Să se calculeze:

a) $-4+5-2=$ b) $(-8)+(+6)-(-3)=$ c) $12-8-7-(-3)=$
d) $-5-(-4)+3-10=$ e) $3+(-8)-6-(-7)=$ f) $6-|2-4|-|5+(-3)|=$
g) $||-2|-6|-|-4+5|-(-2)=$ h) $|5-|-3||^0 : |-2|^2 - 7^0 =$

3. Să se rezolve în $\mathbb{Z}$:

a) $x-14=-30$ b) $x+15=-6$ c) $4-x=8$ d) $5-x=-20$ e) $10+x=-21$
f) $-15-x=2$ g) $4x=-16$ h) $-2x=30$ i) $-5x=-25$ j) $x:2=-8$
k) $x:(-3)=-4$ l) $x:(-8)=4$ m) $12:x=-3$ n) $-36:x=2$ o) $-39:x=-3$
p) $3x+5=-16$ q) $4-5x=-11$ r) $8x-3=-19$

4. Să se precizeze care din următoarele numere sunt din $\mathbb{Z}$, care din $\mathbb{N}$ și care din $\mathbb{Z} \setminus \mathbb{N}$:

$-9; 0; |-3|; |+4|; -|2|; -|-7|; 3-8; (-2)^1; (-2)^2; (-2)^3; -(-6); -(+6); \frac{8}{4}; \frac{-30}{6}; \frac{-42}{-6};$
 $\frac{4-12}{-4}; \frac{9-3}{6}; \frac{1}{2}; \frac{14}{2}; 1,5 \cdot 2; (-3) \cdot (-4).$

**

5. Să se calculeze:

a) $-5-[3-8-(4-5)]=$ b) $3-(8-9)+(16-21)=$ c) $-5-(-31+16)-(7-9)=$
d) $4+(38-40)-(8-4)=$ e) $-3-[-4+(5-13)]=$ f) $[(-2) \cdot 7 + 5 \cdot (-5)] : (-13) =$
g) $-5 \cdot (7-8) + 3 \cdot (5 \cdot 8 - 7^2) =$ h) $(3-12) : (-3) + (5-15) : 5 =$ i) $8 \cdot (-3) : (-2) + 5 \cdot (-2) =$

6. Calculați:

a) $(-2) \cdot 3 + 4 \cdot (-1) - (-8) =$ b) $(-6) : (-2) - 7 =$ c) $4 - (-8) : 2 =$
d) $[2 - (-6)] : (-2) =$ e) $[(-10) : 5 - 3 \cdot (-1)] \cdot (-6) =$ f) $-4 \cdot (-3) : (-6) \cdot 2^3 : (-2)^2 =$
g) $[2^3 \cdot (4-5) + |-3^2+5|] : [7-(-3)^2] =$ h) $[8 : (-4) + |-16+2|] : (-2)^2 + (-5)^0 =$
i) $[(4-6)^3 + (-2) \cdot (-5)] : |-2^2+3| =$ j) $[(25-5) : (-2)^2 - 14 : (-2)] \cdot 2^2 \cdot (-5) =$

7. Să se compare numerele:

a) -3 cu -5 b) 2 cu -8 c) $(-3)^2$ cu -2 d) $(-2)^3 \cdot 4$ cu $(-3)^{10} \cdot 9^8 : (-27)^7$
e) $|-6 : (-2)|^5 \cdot 81^4$ cu $[(+2)^5 \cdot (-2)^{16} : (2^7)^2]^4$ f) $-18^{15} : (-36)^7 : |4-10|$ cu $27^2 \cdot (-3)^9$

8. Să se scrie numerele de mai jos ca puteri cu bazele sau exponenții indicați:

a) 8 cu baza 2 b) 16 cu baza (-2) c) 81 cu exponentul 4
d) 10000 cu exponentul 2 e) -125 cu baza (-5)

9. Să se precizeze care din următoarele numere este din mulțimea $\mathbb{Z} \setminus \mathbb{N}$ și care din $\mathbb{N}$:

$a = [42 : (-6) + 4 \cdot (-5)] : (-3)$ $b = (-4)^3 : 8 + (-3)^2$
 $c = [(-5)^2 + 2 - (-2)^5] : (-1)^3$ $d = [(-2)^6 : (-2)^3 - (-3)^0] : 3$

10. Să se compare: a) $a = -3 \cdot (-8) - (-5)^2$ cu $b = -|7-8|$;
 b) $a = (-6)^3 : (-2) : 9 - (-3)^2$ cu $b = (-4)^2 \cdot (-1) - 5 \cdot (-3)$;
 c) $a = [7 \cdot (-8) - 9 \cdot (-6)]^3$ cu $b = [(-12)^2 : 4 : (-9) + 1]^2$.

11. Să se calculeze media aritmetică pentru numerele:

- a) $a = -3 \cdot (-6) - (-4)^2 - 5$ și $b = (-3)^2 - (-4)^2$
 b) $a = 2 - (-4+8)$, $b = -5 - (3-5)$ și $c = (-2)^3 - (4-7)$
 c) $a = 8^2 - (-7)^2$, $b = (-6)^2 - 7^2$ și $c = (-4)^2 - (-2)^2$

12. Calculați (discuție după $n \in \mathbb{N}$): a) $(-1)^{327} + (-1)^{504} - (-1)^{1003} =$
 b) $(-1)^n + 3(-1)^{n+1} - 4 \cdot (-1)^{n+2} =$ c) $5(-1)^n + 4 \cdot (-1)^{2n+1} - (-1)^{2n} =$

13. Să se rezolve în $\mathbb{Z}$: a) $x+18=0$ b) $x-31=-29$ c) $2x+3=3x$
 d) $4(x+1)-3(x+2)=-20$ e) $5-2 \cdot [3-2 \cdot (x+3)]=3$
 f) $3x-2 \cdot [2x+4 \cdot (4+5x)]=9$ g) $3 \cdot [5 \cdot (x+3) - 2 \cdot (4-x)] + 1 = 22$

14. Să se scrie elementele mulțimilor: $A = \{x | x \in \mathbb{Z}, -3 \leq x < 2\}$, $B = \{y | y \in \mathbb{N}^*, y = 2+x, x \in A\}$.
 Să se stabilească valoarea de adevăr a propozițiilor:

- a) „ $B \subset A$ ” b) „ $1 \in (A \cap B)$ ” c) „ $-1 \in (B \setminus A)$ ”; d) „ $(A \setminus B) = \{a \in \mathbb{Z} | |a| \leq 3, a \leq 0\}$ ”

15. Rezolvați în $\mathbb{Z}$:

- a) $|x+13|=20$ b) $3-|x|=18$ c) $4 \cdot |x|-2=10$ d) $|x+3|+5=0$
 e) $3 \cdot (|x|-3)+1=0$ f) $3(|2x+1|-3)-2=4$ g) $7 \cdot |x|+3=|x|+9$ h) $||3x+1|-4|=0$
 i) $|2 \cdot |x|-7|=19$ j) $||x|-10|=7$

16. Fie mulțimile $A = \{x \in \mathbb{Z} | -3 \leq x < 4\}$ și $B = \{x \in \mathbb{Z} | |x+1|=2\}$. Să se calculeze: a) $A \cup B$;
 b) $A \cap B$; c) $A \setminus B$; d) $B \setminus A$; e) $A \cap D_6$; f) $D_2 \setminus A$; g) $(A \setminus \mathbb{N}) \cup B$; h) $(B \cap \mathbb{N}) \cup (A \cap \mathbb{N})$.

17. Să se afle x și y din: a) $4 \cdot |x+1| + |3y-6|=0$ b) $|3^x-9| + |4^y-8^2|=0$

18. Să se rezolve în $\mathbb{N}$:

- a) $x+3 \leq 5$ b) $4+x < 9$ c) $3x < 18$ d) $4x < 21$ e) $14-x < 7$ f) $4-x < 6$
 g) $x-8 \leq 2$ h) $x+3 \leq 0$ i) $x-7 \leq 0$ j) $5x \geq 0$ k) $|x| < 8$ l) $|x| \leq 0$

19. Să se rezolve în $\mathbb{Z}$:

- a) $x+15 < 0$ b) $x-16 < -3$ c) $8x < 0$ d) $3x < -6$ e) $x+20 \leq -4$
 f) $2x+5 < -7$ g) $2x-1 \leq x+7$ h) $2(x+3)+4 \leq x$ i) $|x| \leq 3$ j) $4-x \geq 8$
 k) $5-2x \leq 7$ l) $3-|x| \leq 0$ m) $4+|x| \leq 0$ n) $4-|x| \geq 0$

20. Să se rezolve inecuațiile pe mulțimile lor de definiție:

- a) $3+4x \leq 31, x \in \mathbb{Z} \setminus \mathbb{N}$ b) $5x-3 \leq 7, x \in \mathbb{N}$ c) $4(x+1)-3 \leq -15, x \in \{-8; -6; -4; -2\}$

21. Fie mulțimile $A = \{x \in \mathbb{Z} | |x| \leq 15\}$, $B = \{x \in \mathbb{N} | 18 : x\}$, $C = \{x \in \mathbb{Z} \setminus \mathbb{N} | x \leq 30\}$.

Calculați: a) $A \setminus B$ b) $A \cup C$ c) $C \setminus B$ d) $(A \cap B) \setminus C$

22. Fie mulțimile $A = \{x \in \mathbb{Z} | |x| \leq 4\}$ și $B = \{x \in \mathbb{Z} | |x| > 2\}$. Să se calculeze:

- a) $A \cap B$; b) $A \cap \mathbb{N}$; c) $B \cap \mathbb{N}$; d) $A \cap (\mathbb{Z} \setminus \mathbb{N})$; e) $B \setminus \mathbb{N}$; f) $A \cup B$; g) $A \setminus B$; h) $(B \setminus A) \cap \mathbb{N}$.

23. Să se determine elementele mulțimilor $A = \{x \in \mathbb{N} | 2^x < 16\}$ și $B = \{x \in \mathbb{Z} | |4-x| \leq 2\}$.

Calculați: a) $A \cap B$; b) $A \cup B$; c) $B \setminus A$; d) $A \setminus B$; e) $B \cap (\mathbb{Z} \setminus \mathbb{N})$.

24. Determinați elementele mulțimilor: $A = \{x \in \mathbb{N} | -8 < x < 5\}$;

$B = \{x \in \mathbb{Z} | -3 \leq |x| \leq 1\}$; $C = \{x \in \mathbb{N} | -4 \leq x \leq 0\}$; $D = \{x \in \mathbb{Z} \setminus \mathbb{N} | |x+1| \leq 4\}$.

25. Să se determine mulțimile A și B dacă sunt îndeplinite simultan condițiile:

$$A \cup B = \{x \in \mathbb{Z} \mid -3 \leq x \leq 2\} \quad A \cap B = \{-2; 1\} \quad B \setminus A = \{2; 0\}$$

26. Fie mulțimile $A = \{x \in \mathbb{N} \mid 24 \mid x\}$ și $B = \{x \in \mathbb{Z} \mid 12 \mid x\}$. Să se afle: a) $A \cap B$; b) $B \setminus A$; c) $A \setminus B$.

27. Să se determine mulțimile A și B dacă sunt satisfăcute simultan condițiile:

$$A \cup B = \{x \in \mathbb{N}^* \mid x \leq 8\} \quad A \cap \{1; 4; 5\} = \emptyset \quad \{6; 8\} \cap B = \emptyset \quad A \cap B = \{2; 3; 7\}$$

28. Să se afle mulțimile A și B știind că $A \cap B = \{1; 3\}$, $2 \in A$, $B \setminus A = \emptyset$ iar $A \setminus B$ are un element.

29. Să se determine $x \in \mathbb{R}$ dacă:

$$a) \{1; 3; x\} = \{a \in \mathbb{N}, a \mid 6\} \setminus \{6\}$$

$$b) \{a \in \mathbb{N}^* \mid 2(a-3) \leq a-5\} = \{1; 2\} \cap \{x\}$$

$$c) D_{12} \setminus D_6 = \{-4; 12\} \cup \{x; 4\}$$

30. Câte elemente are $A \cup B$ și $A \cap B$ dacă A are 5 elemente, B are 3 elemente iar $B \setminus A$ are un element?

31. Să se rezolve în $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$:

$$a) x \cdot y = 5$$

$$b) 2 \cdot x \cdot y = 6$$

$$c) x \cdot y = -4$$

$$d) (x+1) \cdot y = 7$$

$$e) (y-1) \cdot x = -8$$

$$f) 3(x+2) \cdot y = 12$$

$$g) (x+3)(y-1) = 9$$

1.2. Recapitulare algebră: mulțimea $\mathbb{Q}$

*

1. a) Cel mai mic număr întreg de o cifră este ...

b) Dintre 0,(14) și 0,14 mai mare este ...

c) Inversul numărului $-\frac{2}{3}$ este ...

2. a) Calculând 2^{-3} se obține ...

b) Scrieți numărul 1,(3) sub formă de fracție ireductibilă.

c) Calculând $(-2)^3 - 28:4$ se obține ...

3. a) Suma divizorilor naturali ai numărului 8 este egală cu ...

b) Dintre numerele 9^{11} și 2^{33} mai mic este ...

c) Transformând fracția $\frac{14}{3}$ în fracție zecimală se obține ...

4. Completați cu răspunsul corect.

$$a) 0,24 + 1,2^2 = \dots \quad b) \left(2\frac{1}{2} - 3\right) : \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = \dots$$

$$c) 0, (3) - 3 - 2 = \dots \quad d) \text{Numărul numerelor întregi care se află între } -8,3 \text{ și } -\frac{18}{5} \text{ este } \dots$$

$$e) (0,2)^{-2} : 5^3 - 0,2 = \dots \quad f) \text{Suma dintre opusul lui } \frac{3}{8} \text{ și inversul lui } 0,5 \text{ este } \dots$$

5. Ordonați crescător: $-\frac{4}{3}$; $-\frac{6}{5}$; $-1,3(4)$.

6. Încadrați numărul dat între două numere întregi consecutive:

$$a) \dots < -4,6(3) < \dots \quad b) \dots < -\frac{20}{7} < \dots$$

7. Fie $A = \left\{ 0, (3)^{-1}; \frac{15}{-3}; -2^{-2}; (-1)^4; \frac{13}{6} \right\}$. Aflați elementele mulțimilor:

a) $A \cap \mathbb{N} = \dots$ b) $A \cap \mathbb{Q} = \dots$ c) $A \cap \mathbb{Z} = \dots$ d) $A \cap (\mathbb{Q} \setminus \mathbb{Z}) = \dots$

8. Aflați valoarea absolută a numărului $a = \frac{-8}{15} : \left[\left(\frac{7}{5} - 2,5 \right) \cdot 10 + 3 \right] - \frac{7}{30}$.

9. Să se determine elementele mulțimilor:

$$A = \left\{ x \in \mathbb{N} \mid x < \frac{23}{5} \right\} \quad B = \left\{ y \in \mathbb{N} \mid \frac{7}{2} < y < \frac{16}{3} \right\} \quad C = \left\{ z \in \mathbb{N} \mid \frac{19}{3} > z > \frac{27}{7} \right\}$$

Să se precizeze valoarea de adevăr a propozițiilor:

a) „ $C \subset A$ ”; b) „ $A \cap C = \emptyset$ ”; c) „ $B \cap C = \emptyset$ ”; d) „ $A \cap B = \{4\}$ ”; e) „ $A \cup B = \{t \in \mathbb{N} \mid t < 6\}$ ”

10. Fie mulțimile: $A = \{w \in \mathbb{Z} \mid w \mid 6\}$ $B = \{x \in \mathbb{Z} \mid x = w + 1, w \in A\}$

$$C = \{y \in \mathbb{Z} \mid y = x^2 - 4, x \in B\} \quad D = \left\{ z \in \mathbb{N} \mid z + \frac{2}{5} \leq \frac{2(z+3)}{3} \right\}$$

Să se calculeze: a) $(A \cup B) \setminus C$; b) $(D \cap B) \cup (D \cap A)$; c) $(A \cap \mathbb{N}) \cap D$; d) $(A \setminus \mathbb{N}) \cap C$.

11. Calculați:

$$\text{a) } \left| -\frac{1}{2} \right| + \left| \frac{5}{6} \right| = \quad \text{b) } \left| -1\frac{3}{4} \right| \cdot |-2| - \left| -1\frac{1}{6} \right| = \quad \text{c) } \left| \frac{2}{3} - \frac{1}{4} \right| : \left| -\frac{5}{6} \right| + (-2) \cdot \left| -\frac{1}{2} \right|^3 =$$

$$\text{d) } \left| 2,5 - \frac{3}{4} \right| \cdot |-2| - \left| 1\frac{1}{6} \right| : |-7|^{-1} = \quad \text{e) } (|-0, (3) \cdot (-2)| + |-0,1 (3)|) : 15^{-1} =$$

$$\text{f) } \left(\left| \frac{1}{-1 + \frac{1}{3}} \right|^2 - \left| -\frac{1}{2} \right|^3 - \left| \frac{1}{3} + \frac{1}{2} \right| \right) \cdot 18 = \quad \text{g) } \left| \frac{1}{-2 + \frac{1}{4} \cdot (-2)^{-1}} \right| \cdot \left| \frac{1}{2} - \frac{3}{4} \right|^3 =$$

$$\text{h) } \left| \left| \frac{2}{-3} \right| \cdot |-3,75| : \left| \frac{-5 \cdot 2}{-7} + \frac{-1}{14} \right| \right| \cdot 19 =$$

12. Completați cu răspunsul corect.

$$\text{a) } \frac{x+1}{5} = \frac{x-1}{4} \Rightarrow x = \dots$$

$$\text{b) } 3, (3)x + 3,5 = x \Rightarrow x = \dots$$

$$\text{c) } \frac{x}{3} + \frac{1}{2} = \frac{x}{2} + \frac{1}{3} \Rightarrow x = \dots$$

$$\text{d) } 2^{-1}x + 3^{-1}x = 15 \Rightarrow x = \dots$$

$$\text{e) } \text{Dacă două treimi din } x \text{ este } 8 \Rightarrow x = \dots$$

$$\text{f) } \text{Dacă } 40\% \text{ din } x \text{ este } 12 \Rightarrow x = \dots$$

$$\text{13. Rezolvați în } \mathbb{Q}: \quad \text{a) } 2x - \frac{x+1}{3} = 0,8 \Rightarrow x = \dots$$

$$\text{b) } 0,8x + 2,3(2x+1) = 5x \Rightarrow x = \dots \quad \text{c) } 0,4x - 2(1-3x) = 4x - 11,6 \Rightarrow x = \dots$$

$$\text{d) Aflați } a \text{ dacă } \frac{-1}{2} \text{ este soluție a ecuației } (a+1)(x+3,5) = 2a+x.$$

$$\text{14. a) Aflați numărul soluțiilor naturale ale inecuației } x - \frac{x+1}{2} \leq 4.$$

$$\text{b) Rezolvați în } \mathbb{Z} \text{ inecuația } 4 - 2(x+1) \leq x + 11.$$

15. Un număr este mai mic decât 3,6 cu tot atât cu cât este mai mare dublul lui decât 3,6. Aflați numărul.

16. O persoană a cheltuit în prima zi $\frac{2}{5}$ dintr-o sumă iar a doua zi cu 15 lei mai mult decât $\frac{2}{3}$ din rest. Știind că i-au mai rămas 17 lei, aflați ce sumă a avut la început.

17. Să se afle x :

- a) $\frac{5}{2x+1} \in \mathbb{N}, x \in \mathbb{N}$ b) $\frac{5}{2x+1} \in \mathbb{Z}, x \in \mathbb{Z}$ c) $\frac{3}{x} \in \mathbb{N}, x \in \mathbb{Z}$ d) $\frac{15}{3x+2} \in \mathbb{N}, x \in \mathbb{N}$
 e) $\frac{15}{3x+2} \in \mathbb{N}, x \in \mathbb{Z}$ f) $\frac{4}{|x|+1} \in \mathbb{N}, x \in \mathbb{Z}$ g) $\frac{36}{2^x+1} \in \mathbb{N}, x \in \mathbb{N}$

18. Fie $A = \left\{ x \in \mathbb{Z}^* \mid \frac{8}{x-2} \in \mathbb{Z} \right\}$ și $B = \left\{ y \in \mathbb{Z}^* \mid \frac{2y-1}{3} \leq -2 \right\}$. Să se afle: a) $A \cap B$; b) $A \setminus B$.

19. Aflați $x \in \mathbb{Z}$ dacă: a) $\frac{7}{2x+1} \in \mathbb{Z}$; b) $\frac{2x+1}{3x-5} \in \mathbb{Z}$

20. a) Fie mulțimea $A = \left\{ x \in \mathbb{Z} \mid (x+5) \mid (2x+3) \right\}$. Să se afle elementele mulțimii A .

b) Dacă $3a+3b=18$, să se calculeze $\frac{2(a-20)}{5} + \frac{b}{2} + \frac{a}{10}$.

21. Arătați că următoarele fracții sunt ireductibile oricare ar fi $n \in \mathbb{N}$:

- a) $\frac{2}{2n+1}$ b) $\frac{3}{3n+2}$ c) $\frac{n}{n+1}$ d) $\frac{n+1}{3n+4}$ e) $\frac{3n+1}{5n+2}$ f) $\frac{4n+3}{9n+7}$ g) $\frac{4n+3}{6n+4}$

1.3. Recapitulare geometrie

1. Fie $\triangle ABC$ isoscel. Se construiesc $AD \equiv AF$ astfel încât $\angle DAB \equiv \angle FAC$, F și D în exteriorul $\triangle ABC$, $AB \equiv AC$, $BD \cap AC = \{N\}$, $FC \cap AB = \{M\}$. Să se arate că $\triangle BMO \equiv \triangle CNO$, unde $\{O\} = BD \cap FC$.

2. Fie $\triangle ABC$ isoscel $AB \equiv AC$, $AB = 6$ cm. Se duce AD înălțime, $D \in BC$, $BD = 3$ cm. Din D se duce paralela DE la AB , $E \in AC$. Să se afle măsurile unghiurilor $\triangle AED$.

3. În triunghiul isoscel ABC , $AB \equiv AC$, BD este bisectoarea unghiului B . Aflați măsurile unghiurilor triunghiului ABC dacă $\angle ADB = 99^\circ$.

4. În triunghiul isoscel ABC , $AB \equiv AC$, se știe că $BE \perp AC$, $E \in AC$, $\angle EBC = 20^\circ$. Aflați măsurile unghiurilor $\triangle ABC$.

5. Ce fel de triunghi este acela pentru care o bisectoare exterioară a unui unghi este paralelă cu latura opusă aceluia unghi?

6. Fie $\triangle ABC$, AD și CD bisectoare exterioare, $AD \cap BC = \{E\}$. Dacă $\angle CDE = 110^\circ$ și $\angle AEC = 30^\circ$, arătați că $\triangle ABC$ este isoscel.

7. Fie triunghiul isoscel ABC , $AB \equiv AC$, AE bisectoare interioară și CE bisectoare exterioară, $AE \cap BC = \{M\}$. Dacă $\angle CEA = 40^\circ$, să se afle măsurile unghiurilor $\triangle ABC$.

8. Să se demonstreze că, pentru un triunghi echilateral, oricare bisectoare exterioară este paralelă cu latura opusă.

9. În triunghiul dreptunghic ABC , $\angle B = 90^\circ$, se duce bisectoarea AE , $E \in BC$. Dacă $\angle AEC = 120^\circ$, aflați măsurile $\angle A$ și $\angle C$.

10. Unghiul format de bisectoarele exterioare ale unghiurilor B și C din $\triangle ABC$ are măsura de 80° . Dacă $\sphericalangle B = 90^\circ$, aflați măsurile $\sphericalangle A$ și $\sphericalangle C$.
11. Arătați că paralela la BC dusă prin vârful A al $\triangle ABC$ isoscel, $AB \equiv AC$, este bisectoare exterioară.
12. În triunghiul echilateral ABC , $AD \perp BC$, $DC = 4$ cm. Dacă E este mijlocul lui AB , aflați: a) perimetrul $\triangle ABC$; b) măsura $\sphericalangle BAD$; c) lungimea lui ED .
13. Într-un triunghi dreptunghic unghiurile sunt direct proporționale cu 1, 2 și 3. Știind că lungimea catetei celei mai mici este de 4 cm, aflați lungimile ipotenuzei și medianei corespunzătoare ei.
14. Aflați perimetrul triunghiului dreptunghic ABC cu $\sphericalangle B = 90^\circ$ în următoarele cazuri: a) $AB = 12$ cm și $BC = 16$ cm; b) $AC = 10$ cm și $BC = 8$ cm; c) $AC = 17$ cm și $AB = 15$ cm.
15. În triunghiul isoscel ABC se duce $MN \parallel AB$, $M \in BC$, $N \in AC$. Dacă $\sphericalangle NMB$ este 20% din $\sphericalangle ABC$, să se afle unghiurile $\triangle ABC$.
16. În exteriorul triunghiului isoscel ABC , $AB = AC$, cu $\sphericalangle ABC = 75^\circ$ se construiește triunghiul echilateral ACD . Aflați măsura unghiului ABD .
17. În triunghiul ABC se duce bisectoarea BD a $\sphericalangle ABC$, $D \in AC$, și $AE \perp BD$, $E \in BC$. Demonstrați că $AD = DE$.
18. În $\triangle ABC$ se știe că unghiurile B și C sunt complementare iar M este mijlocul lui BC . Dacă $\frac{\sphericalangle B}{\sphericalangle C} = \frac{7}{11}$ și $BC = 20$ cm, aflați: a) măsura $\sphericalangle MAC$; b) lungimea lui AM .
19. Fie triunghiul echilateral ABC cu $AB = 10$ cm în care $D \in BC$, $C \in BD$, $\sphericalangle CAD = 30^\circ$. Se consideră CE bisectoarea $\sphericalangle ACD$, $E \in AD$. a) Arătați că $CE \parallel AB$. b) Aflați măsura $\sphericalangle CED$. c) Arătați că E este mijlocul lui AD . d) Aflați lungimea lui CE .

1.4. Teste de evaluare inițială

Testul 1

- I. 1. Calculați: a) $(-4)^2 - 7 \cdot (-2) = \dots$; b) $-\frac{2}{3} \cdot 0, (3) - 1\frac{1}{3} \cdot \left(-\frac{1}{6}\right) = \dots$
2. Dacă $1 - 2x = -3$ atunci x este: a) -1 b) 1 c) -2 d) 2
3. Dacă într-un triunghi dreptunghic mediana corespunzătoare ipotenuzei are 2,8 cm atunci ipotenuza are: a) 5,6 cm; b) 56 cm; c) 2,8 cm; d) 28 cm.
4. a) Dacă 20% din x este 2,3 atunci $x = \dots$ b) $[24; 28] = \dots$
5. Pe o hartă la scara 1:50000, distanța dintre două sate este 18 cm. Cât este distanța reală?
6. Dacă probabilitatea de a extrage un loz câștigător dintr-o cutie cu 150 lozuri este de $\frac{2}{25}$ atunci numărul lozurilor necâștigătoare este: a) 12; b) 25; c) 138; d) 150.
7. Un triunghi isoscel cu un unghi de 150° are celelalte unghiuri egale cu $\dots^\circ$.
8. Două unghiuri alterne interne sunt $\dots$

II. 9. Raportul a două numere este $5/7$ iar diferența dintre triplul primului și jumătate din al doilea este 46. Aflați numerele.

10. Aflați măsura unghiului ale cărui complement și suplement sunt invers proporționale cu numerele 7 și 2.

11. Un număr de bomboane se împarte în mod egal unor copii. Dacă se împarte la 8 copii rămân 7 bomboane, dacă se împarte la 6 copii rămân 5 bomboane. a) Verificați dacă pot fi 47 de bomboane. b) Găsiți cel mai mic număr de bomboane care îndeplinește condițiile.

12. Demonstrați că $(2^{n+1} \cdot 5^n + 1) : 3$.

13. Într-un $\triangle ABC$, dreptunghic în B , cu $\angle C = 30^\circ$, se duce bisectoarea exterioară AD a unghiului A , $D \in BC$, și $BE \parallel AD$, $E \in AC$. Demonstrați că BE este mediană în $\triangle ABC$.

Testul 2

I. 1. a) C.m.m.d.c. pentru 216 și 144 este ... b) Dacă $\frac{x+3}{2x-1} = 1$ atunci $x = \dots$

2. Numărul divizorilor naturali ai numărului 36 este: a) 10; b) 9; c) 8; d) 7.

3. a) Suplementul lui $17^\circ 14' 3''$ este ... b) Dacă 5% din x este 15 atunci 16% din x este ...

4. Unghiurile unui triunghi sunt proporționale cu 1, 6, 11. Cel mai mic unghi are ... $^\circ$.

5. Un triunghi isoscel cu un unghi de 60° este ...

6. Dacă din 5 kg lămâi se obțin 2 litri de suc atunci din 7 kg lămâi se vor obține ... litri de suc.

7. Două unghiuri interne de aceeași parte a secantei sunt ...

II. 8. După o reducere cu 12% un obiect costă 352 lei. Aflați prețul obiectului înainte de reducere.

9. Calculați: a) $[(-3)^4 \cdot 9^5 + 3^{13}] : 3^{12} - 3^2 =$; b) $\left[(-3)^{-1} + (-3)^{-2}\right] \cdot (-27) = \dots$

10. Rezolvați: a) $\frac{x+1}{3} - 2,5 = \frac{x}{2}$ b) $13 - 2x = 7,5 - x$

11. În $\triangle ABC$, dreptunghic în $\angle A$, $\angle B = 60^\circ$ și $AD \perp BC$, $D \in BC$. Arătați că $DC = 3 \cdot BD$.

12. Fie $\triangle ABC$ isoscel, $\angle C \equiv \angle B = 30^\circ$. Fie D simetricul lui B față de AC . Demonstrați că $\triangle DBC$ este echilateral.

Testul 3

I. 1. Calculați: a) $2 \cdot (-3) + (-6) : (-2) - (-8) = \dots$; b) $\left(\frac{7}{12} - \frac{3}{4} - \frac{1}{3}\right) \cdot 0,5^{-2} = \dots$

2. Cel mai mic multiplu comun al numerelor 45 și 24 este: a) 3; b) 40; c) 180; d) 360.

3. Dacă $4x = 5y$ atunci raportul $\frac{2x+3y}{x+4y}$ este egal cu: a) $\frac{21}{24}$; b) $\frac{20}{21}$; c) $\frac{22}{21}$; d) $\frac{23}{24}$.

4. Ce viteză medie a avut un automobil dacă a mers 2 ore cu 90 km/h și 3 ore cu 70 km/h?

5. Dacă numărul fetelor reprezintă 30% din numărul de elevi ai clasei și sunt 21 de băieți atunci clasa are un număr de: a) 28 elevi; b) 29 elevi; c) 30 elevi; d) 31 elevi.

6. Dacă raportul dintre x și y este $\frac{2}{3}$ iar $3x+7y=108$ atunci y este egal cu:

a) 12; b) 9; c) 8; d) 4.

7. Două unghiuri complementare sunt direct proporționale cu numerele 2 și 7.

Diferența lor este: a) 20° b) 70° c) 50° d) 90°

8. Un triunghi isoscel are o latură de 10 cm și una de 4 cm $\Rightarrow$ perimetrul este ... cm.

9. Dacă x este măsura unui unghi obtuz atunci este adevărat că:

a) $0^\circ \leq x \leq 90^\circ$? b) $90^\circ \leq x \leq 180^\circ$? c) $x = 90^\circ$? d) $x = 180^\circ$?

II. 10. Rezolvați în mulțimea numerelor raționale ecuația $2 \cdot [(2-1,5)^2 - 0, (3)] = 0,5 \cdot x$.

11. Determinați toate valorile întregi ale lui x pentru care $\frac{-7}{2x+1}$ este număr natural.

12. Să se afle numerele naturale a și b dacă $2a+5b=18$ iar b este număr prim.

13. În $\triangle ABC$, dreptunghic în A , $\sphericalangle B = 2 \sphericalangle C$ și $BC = 12$ cm. Să se afle perimetrul $\triangle ABM$ unde M este mijlocul BC .

14. Triunghiul ABC isoscel, cu $AB \equiv AC$, are perimetrul egal cu 32 cm. Fie $BM \perp AC$, $M \in AC$. Dacă perimetrul $\triangle BAM$ este de 24 cm, să se demonstreze că $BM = BC + MC - 8$.

Testul 4

I. 1. Calculați: a) $-12:3+3 \cdot (-2)-5=...$; b) $(0,2-1,75):3,1=...$

2. Cardinalul mulțimii divizorilor comuni ai lui 18 și 24 este: a) 5; b) 4; c) 3; d) 2.

3. Dacă $\frac{12}{2x-1} = \frac{8}{2}$ atunci x este egal cu: a) 2 b) 3 c) 1 d) 4

4. Dacă o persoană cumpără 2 cutii de bomboane cu 20 lei/cutie și 3 cutii cu 30 lei/cutie atunci o cutie de bomboane costă în medie: a) 24 lei; b) 25 lei; c) 26 lei; d) 4 lei.

5. După o reducere de 10% o cămașă costă 40,5 lei. Prețul inițial a fost ... lei.

6. Dacă x/y este $\frac{3}{5}$ iar suma lor este 40 atunci $3x+y$ este egal cu ...

7. Unghiurile ascuțite ale unui triunghi dreptunghic sunt invers proporționale cu numerele 0,(3) și 0,1(6). Cel mai mare unghi are măsura de: a) 15° ; b) 25° ; c) 40° ; d) 60° .

8. $\triangle ABC$ are $AB \equiv AC$ și $\sphericalangle A = 90^\circ$. Fie $AM \perp BC$, $M \in BC$. $\Rightarrow \sphericalangle MAC = ...^\circ$.

9. Media aritmetică a măsurilor a două unghiuri ale unui triunghi este 25° . Atunci triunghiul este: a) echilateral; b) dreptunghic; c) obtuzunghic; d) isoscel.

II. 10. Rezolvați în mulțimea numerelor raționale ecuația $\frac{x+3}{2} + 1,3x = 2 \cdot (3-2,5)^2$.

11. Să se determine valorile naturale ale lui x pentru care $17/(2x-3) \in \mathbb{Z}$.

12. Într-un bloc sunt 62 de camere reprezentând apartamente de 2 camere, respectiv 4 camere. Să se afle numărul minim de apartamente din bloc (se exclud băile și bucătăriile).

13. În $\triangle ABC$ dreptunghic în A , $AM \perp BC$, $M \in BC$, N este mijlocul ipotenuzei BC și $MN \equiv BM$. Dacă $BM = 6$ cm, să se afle $BC + AB$.

14. Într-un $\triangle MNP$, MA este mediatoarea segmentului NP , $A \in NP$. Perimetrul $\triangle MNP$ este egal cu 34 cm iar $MN = 12$ cm. Să se afle lungimea segmentului AP .